ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЕ НАУКИ



УДК 538.9

© Е.В. Солодовник, 2011

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ СИЛОВОГО ПОЛЯ КРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ РЕШЕТКИ Hg2Hal2

Солодовник Е.В. – канд. физ.-мат. наук, доцент каф. «Теоретическая механика», тел. 8-909-852-71-15, e-mail: esolodovnik@yandex.ru (ТОГУ)

Новая группа монокристаллов  $Hg_2Hal_2$  (Hal = Cl, Br, I) обладает уникальными физическими свойствами благодаря своему цепочечному строению. Такое строение обусловлено особенностью межатомных взаимодействий, природа которых окончательно не выяснена. Динамические свойства колебаний атомов решетки описываются на основе матрицы силовых постоянных в рамках приближения валентно-силового поля. Определение значений силовых постоянных является одной из проблем моделирования динамики кристаллических решеток. В данной работе приведен набор силовых постоянных, полученных на основе модели валентно-силового поля для кристаллов  $Hg_2Hal_2$ , сделана попытка анализа и обоснования полученных результатов.

A new group of Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> (Hal = Cl, Br, I) crystals has unique physical properties due to their chain structure. This structure is dictated by the feature of interatomic interactions, whose nature is not fully elucidated. Dynamic properties of lattice vibrations are described on the basis of the force constant matrix in the framework of the valence force field. The determination of the force constants values is one problem of the modeling of the crystal lattice dynamics. In this paper we present a set of force constants which were obtained with the valence force field for Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> crystals. Also, justification of the results obtained has been done.

*Ключевые слова:* галогениды одновалентной ртути, динамика кристаллической решетки, численное моделирование, модель валентно-силового поля, силовые постоянные.

Монокристаллы галогенидов одновалентной ртути Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> (Hal = Cl, Br, I) являются новой группой материалов, синтезированных в 1970 году чехословацким ученым Ч. Бартой в виде искусственных монокристаллов [1]. Большая величина анизотропии ряда физических свойств этого класса кристаллов является фактором, определяющим практическую ценность этих материалов. ВЕСТНИК ТОГУ. 2011. № 1 (20)



*Рис. 1.* Кристаллическая решетка галогенидов одновалентной ртути, а и с – параметры решетки

Кристаллическая решетка галогенидов одновалентной ртути при комнатной температуре состоит из параллельно расположенных линейных четырехатомных цепочек -Hal-Hg-Hg-Hal [2] (рис. 1). Особенностью кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> является наличие сильных ковалентных связей внутри цепочек и слабых ван-дер-ваальсовых сил между цепочками. Цепочечное строение кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> и определяет сильную анизотропию физических свойств [3].

К настоящему времени опубликовано большое число работ, посвященных экспериментальным исследованиям колебательных спектров галогенидов одновалентной ртути. Для расчета динамических свойств кристаллических решеток Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> и макроскопических упругих характеристик в работе [4] нами был предложен метод на основе единой модели потенциальной функции.

Модельные расчеты динамических свойств решетки Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> базировались на теории Борна [5], центральным объектом которой является динамическая матрица кристаллической решетки. Динамические свойства колебаний атомов решетки описываются на основе матрицы силовых постоянных. Определение этих величин является основной проблемой моделирования динамики кристаллических решеток. Была представлена [4] модель расчета потенциальной функции кристаллических решеток Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> в рамках приближения валентносилового поля.

Целью данной работы является описание полученного набора силовых постоянных для кристаллов  $Hg_2Hal_2$  (Hal = Cl, Br, I), обоснование и анализ полученных результатов.



Полуэмпирический характер теории колебаний молекул определяет необходимость использования экспериментальных данных о частотах и о формах нормальных колебаний. Эта задача носит название обратной спектральной задачи. При расчете использовались экспериментальные значения частот, полученные для Г-, Х-, Δ- точек зоны Бриллюэна (ЗБ) кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> [6–11], а также значения скоростей звука, полученные для различных кристаллографических направлений [12–13].

Основным способом нахождения значений силовых постоянных в настоящее время является варьирование этих величин для получения наилучшего согласия модельных результатов с экспериментальными данными.

Матрица силовых постоянных  $V_{kl}$  описывает микроскопические упругости отдельных фрагментов решетки (при k=l) или динамические взаимодействия между ними (при  $k\neq l$ ):

$$V_{kl} = \frac{\partial^2 \Phi}{\partial s_k \partial s_l}$$

Силовые постоянные, соответствующие исходному базису естественных координат, являются элементами матрицы  $V_{kl}$ . Для определения дисперсионных зависимостей колебательного спектра кристаллов галогенидов одновалентной ртути были введены следующие силовые постоянные (СП) (рис.2):  $k_l$ - $k_8$ , соответствующие диагональным двухцентровым взаимодействиям,  $b_l$ - $b_3$  – диагональным трехцентровым взаимодействиям,  $h_l$ - $h_2$  – недиагональным многоцентровым взаимодействиям, которые наилучшим способом согласуются с экспериментальными данными.

СП  $k_1$ - $k_3$  описывают двухатомные взаимодействия вдоль цепочек; СП  $k_4$ - $k_6$  описывают ближайшие взаимодействия в плоскости (110); СП  $b_1$  описывает взаимодействия в линейных углах Hall-Hg2-Hg3 и Hg2-Hg3-Hal4 (рис. 2a); СП  $k_7$  и  $k_8$  описывают взаимодействия атомов Hal-Hal и Hg-Hg в плоскости (100) (рис. 2б); СП  $b_2$  описывает угловые взаимодействия Hall-Hall-Hg3, Hal4-Hal4-Hg2,  $b_3$  – угловые взаимодействия Hg2-Hg2-Hal4, Hg3-Hg3-Hal1 (рис. 2в); недиагональная СП  $h_1$  описывает взаимодействия связей Hal1-Hal1 и Hal1-Hg3, Hal4-Hal4 и Hal4-Hg2, СП  $h_2$  – взаимодействия связей Hg2-Hg2 и Hg2-Hal4, Hg3-Hg3 и Hg3-Hal1, имеющих общий атом.

При определении значений СП учтены некоторые свойства силовых постоянных, выполнение которых необходимо для построения непротиворечивой динамической модели [14]:

1) так как потенциальная энергия атомов, смещенных из положения равновесия, всегда больше энергии равновесной конфигурации, принимаемой за нуль, все диагональные элементы  $V_{kl}$  0.

2) число силовых постоянных ограничено вследствие убывания взаимодействий по мере удаления атомов друг от друга. В нашей задаче учитываются взаимодействия 32 атомов восьми ближайших соседних ячеек. ВЕСТНИК ТОГУ. 2011. № 1 (20)



Puc. 2. Силовые постоянные кристаллической решетки Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub>

Для подбора значений силовых постоянных нами определены зависимости расчетных параметров от силовых постоянных как производные от предельных частот  $v_i$  и от скоростей звука по параметрам потенциальной функции Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>.

Так оказалось, что значения СП  $k_4$  и  $k_5$  ограничиваются их очень сильным влиянием на частоту  $v_1$  (40 см<sup>-1</sup>), а значения СП  $k_7$  и  $k_8$  сильным влиянием на частоту мягкой моды в Х-точке ЗБ (6,3 см<sup>-1</sup>). Мягкая мода в Х-точке ЗБ практически определяется СП  $k_7$  и  $k_8$ . На частоту  $v_{\rm MM}$  в  $\Delta$ -точке (6,5 см<sup>-1</sup>) кроме СП  $k_7$  и  $k_8$  влияют также СП  $b_2$  и  $b_3$ . На скорости продольной и поперечной звуковых волн  $\mathcal{D} \begin{bmatrix} 100\\ 100 \end{bmatrix}$  и  $\mathcal{D} \begin{bmatrix} 100\\ 010 \end{bmatrix}$  в базисной плоскости оказывают сильное влияние СП  $k_4$ ,  $k_5$  и  $k_6$ . Недиагональные СП  $h_1$  и  $h_2$  позволяют получить необходимую дисперсию и сопоставить расчетные и экспериментальные значения частот для продольной акустической ветви.

СП  $k_1$ ,  $k_2$  и  $k_3$  оказывают влияние только на продольные колебания в направлении оси z. Деформационная СП  $b_1$  абсолютно не влияет на колебания в направлении оси z, преимущественно влияет на частоты  $v_2$  ( $E_g$ ) и  $v_5$  ( $E_u^{\text{LO-TO}}$ ). Ввиду того, что влияния СП  $k_6$  и  $k_7$ , а также  $b_2$  и  $b_3$ ,  $h_1$  и  $h_2$  на параметры колебательного спектра идентичны, мы решили возможным при расчете принять  $k_6 = k_7$ ,  $b_2 = b_3$ ,  $h_1 = h_2$ . Расчет колебательного спектра и силовых констант для кристаллов Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>, Hg<sub>2</sub>Br<sub>2</sub>, Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> проводился таким образом, чтобы получить наилучшее соответствие расчетных и экспериментальных значений частот колебательного спектра в Г-точке ЗБ и скоростей упругих волн.



Значения силовых постоянных, позволяющих получить наилучшее приближение расчетных данных к экспериментальным, для кристаллов Hg2Cl2, Hg2Br2 и Hg2I2 приведены в табл. 1.

Силовые постоянные для кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub>

Таблица 1

		Значения СП*				
СП	Связи	Hg <sub>2</sub> Cl <sub>2</sub>	$Hg_2Br_2$	$Hg_2I_2$		
$k_{l}$	Hg2-Hg3	1,9	1,6	1,3		
$k_2$	Hg2-Hal1	1,15	1,10	1,02		
	Hg3-Hal4	1,15	1,10	1,02		
$k_3$	Hal1- Hal4	0,008	0,050	0,100		
$k_4$	Hg2- Hal4	0,010	0,018	0,030		
	Hg3-Hal1	0,010	0,018	0,030		
$k_5$	Hal1-Hal4	0,002	0,002	0,001		
$k_6$	Hg2-Hg3	0,17	0,13	0,10		
$k_7$	Hal1-Hal1	0,00070	0,00040	0,00035		
	Hal4-Hal4	0,00070	0,00040	0,00035		
$k_8$	Hg2-Hg2	0,00070	0,00040	0,00035		
	Hg3-Hg3	0,00070	0,00040	0,00035		
$h_{I}$	$k_4 - k_7$	0,0035	0,0025	0,0017		
$h_2$	$k_4 - k_8$	0,0035	0,0025	0,0017		
$b_I$	Hal1-Hg2-Hg3	8,5	4,3	3,1		
	Hg2-Hg3-Hal4	8,5	4,3	3,1		
$b_2$	Hal1-Hal1-Hg3	0,09	0,07	0,07		
	Hal4-Hal4-Hg2	0,09	0,07	0,07		
$b_3$	Hg2- Hg2- Hal4	0,09	0,07	0,07		
	Hg3- Hg3- Hal1	0,09	0,07	0,07		

\* Значения силовых постоянных приведены в следующих единицах:  $k_1 - k_8$ ,  $h_1 - h_2 - B 10^5$  дин/см;  $b_1 - b_3 - B 10^{-12}$ дин-см

Полученные результаты согласуются со структурными особенностями исследуемых кристаллов. СП  $k_1$ ,  $k_2$ ,  $b_1$ , соответствующие внутримолекулярным взаимодействиям, значительно превышают остальные СП, что отвечает ковалентному характеру внутримолекулярной связи и слабым взаимодействиям между молекулами [9]. СП  $k_6$ , соответствующая двухатомным взаимодействиям Hg-Hg в плоскости (110), оказалась на один-два порядка больше СП  $k_4$ - $k_5$ . Это можно объяснить тем, что одной из особенностей галогенидов одновалентной ртути является редко встречающаяся среди металлов стабильная связь Hg-Hg.

В табл. 2 приведены расчетные значения частот колебательного спектра Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> в особых точках ЗБ и их сравнение с экспериментальными значениями [6–11].

В табл. 3 приведены расчетные и экспериментальные [12–13] значения скоростей упругих волн.

Солодовник Е. В.

Таблица 2



ВЕСТНИК ТОГУ. 2011. № 1 (20)

<b>Колебания</b> и их	$Hg_2Cl_2$		$Hg_2Br_2$		$Hg_2I_2$			
симметрия	Экспе-	Расчет	Экспе-	Расчет	Экспе-	Расчет		
	римент		римент		римент			
	Г-точка ЗБ							
$v_1(E_g)$	40	48	36	40	30	35		
$v_2(E_g)$	137	137	91	91	74	75		
$v_3(A_{1g})$	167	167	135	129	113	105		
$v_4$ (A <sub>1g</sub> )	275	274	221	223	192	197		
$v_5(E_u^{\text{LO-TO}})$	75	94	66	55	48	47		
$v_6(A_{2u}^{LO-TO})$	254	256	197	183	150	149		
Х-точка ЗБ								
$v_1(B_{2g})$	45	51	41	41	-	36		
$v_2(B_{2g})$	148	137	-	92	-	76		
$v_3(A_g)$	163	163	133	127	-	104		
$v_4 (A_g)$	288	273	225	220	-	194		
$v_5(B_{3u})$	72	95	52	56	-	37		
$v_5(B_{2u})$	144	96	97	58	-	48		
$v_6(B_{1u})$	265	256	176	184	-	151		
$TA_1(B_{3u})$	6,3	6,3	-	4,4	-	3,8		
$TA_2(B_{1u})$	39	47	35	38	-	30		
	Р-точка ЗБ							
$TA_{1}(E)$	12,5	14,5	-	-	-	-		
	Z-точка ЗБ							
$TA_{1}(E_{u})$	25	17,8	-	-	-	-		
	∆-точка ЗБ							
$TA_1(B_1)$	6,5	6,5	-	-	-	-		

Сравнение расчетных и экспериментальных [6-11] значений частот колебательного спектра Hg2Hal2 в особых точках 3Б ( см<sup>-1</sup>)

Таблица З

Сравнение расчетных и экспериментальных значений скоростей звука Hg2Hal2 (105 см/сек)

Скорость	Hg <sub>2</sub> Cl <sub>2</sub>		$Hg_2Br_2$		$Hg_2I_2$	
звука	Эксперимент	Расчет	Эксперимент	Расчет	Эксперимент	Расчет
$\upsilon \left[ \begin{smallmatrix} 001 \\ 001 \end{smallmatrix}  ight]$	3,343	3,384	3,487	3,484	3,725	3,678
$\upsilon \left[ \begin{smallmatrix} 110 \\ 110 \end{smallmatrix}  ight]$	2,054	2,011	1,914	1,801	1,790	1,736
$\upsilon \begin{bmatrix} 110\\ 1\overline{1}0 \end{bmatrix}$	0,347	0,348	0,282	0,283	0,253	0,253
$\upsilon \begin{bmatrix} 100\\100 \end{bmatrix}$	1,622	1,628	1,487	1,448	1,361	1,351
$\upsilon \begin{bmatrix} 100\\010 \end{bmatrix}$	1,305	1,261	1,249	1,188	1,204	1,176
$\upsilon \begin{bmatrix} 100\\001 \end{bmatrix}$	1,084	0,905	1,008	0,860	0,871	0,946

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ СИЛОВОГО ПОЛЯ КРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ РЕШЕТКИ НG2HAL2



Наблюдается хорошее соответствие расчетных величин экспериментальным данным по частотам и скоростям звука.

СП  $k_7$ ,  $k_8$ ,  $b_2$ ,  $b_3$ ,  $h_1$ ,  $h_2$  главным образом влияют на акустические колебания в плоскости (001). СП  $k_7$  (Hal1-Hal1 и Hal4-Hal4),  $k_8$  (Hg2-Hg2 и Hg3-Hg3) не изменяют частоты колебаний в центре зоны Бриллюэна (так как эти постоянные описывают взаимодействия пар атомов, разделенных постоянной решетки). Введение недиагональных СП  $h_1$ ,  $h_2$  позволило добиться необходимой дисперсии продольной акустической ветви в направлении оси х и получить значение скорости звука  $U \begin{bmatrix} 100\\ 100 \end{bmatrix}$ , близкое к экспериментальному (рис. 3).



*Рис. 3.* Дисперсионная зависимость поперечного акустического (TA<sub>1</sub>) колебания в направлении Г–Х для кристалла Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>

Были рассчитаны дисперсионные зависимости кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub>. На рис. 3 показана дисперсионная ветвь (TA<sub>1</sub>) низкочастотного поперечного акустического колебания в направлении Г-Х, рассчитанного для кристалла Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>.

Темными кружочками обозначены частоты, полученные по данным неупругого рассеяния нейтронов [6]. Пунктирная линия построена по экспериментальным значениям скорости звука [7]. Сплошная линия – результаты расчета.

Хорошее соответствие результатов расчета экспериментальным данным позволяет предположить, что предложенная потенциальная функция надежно описывает динамические свойства решеток Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> и может быть использована для моделирования колебательного спектра.

## Библиографические ссылки

1. Barta C. Preparation of Mercury Chloride Monocrystals. Crystal and Technik. 1970. V. 5. № 4. P.

2. *Mark H., Steinbach I.* Uber das Raumgitter und die Doppelbrechung des Kalomel // Zs.f.Kristallogr. – 1926. –V. 64.

ВЕСТНИК ТОГУ. 2011. № 1 (20)

3. International Symposium on Mercury (I) Halides: Proceeding. – Liblice. Czechoslovakia. – 1976.

4. *Моделирование* динамических свойств кристаллов Hg<sub>2</sub>Hal<sub>2</sub> (Hal = Cl, Br, I) / Задохин Б. С., Солодовник Е. В. // ФТТ. – 2004. – Т. 46. – Вып. 11.

5. Борн М., Хуан Кунь. Динамическая теория кристаллических решеток. – М.: ИЛ., 1958.

6. *Petzelt J., Mayerova I.* Polar optic phonons in  $Hg_2Cl_2$  and  $Hg_2Br_2$  // Czech. J. Phys. V. B. 23. No 8. 1973.

7. Барта Ч., Лимонов М. Ф., Марков Ю. Ф. Спектры инфракрасного отражения монокристаллов Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> // ФТТ. – Т. 20. – № 12. – 1978.

8. Барта Ч., Лимонов М. Ф., Марков Ю. Ф., Нахабцев Д. В. Спектры инфракрасного отражения монокристаллов Hg<sub>2</sub>Br<sub>2</sub> // Оптика и спектроскопия. – 1983. – Т. 55. № 3.

9. Petzelt J., Matyas M., Kroupa J., Barta C. Far infrared properties of Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> single crystals // Czech. J. Phys. 1978. V. B. 28.

10. Барта Ч., Каплянский А. А., Марков Ю. Ф. Спектры комбинационного рассеяния монокристаллов Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> и Hg<sub>2</sub>Br<sub>2</sub> // ФТТ. – 1973. – Т. 15. № 9.

11. Барта Ч., Каплянский А. А., Кулаков В. В., Марков Ю. Ф. Спектры комбинационного рассеяния I и II порядков монокристаллов Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub>, Hg<sub>2</sub>Br<sub>2</sub>, Hg<sub>2</sub>I<sub>2</sub> // Оптика и спектроскопия. – 1974. – Т. 37. – № 1.

12. Barta C., Silvestrova I. M., Pisarevskii Ju. V., Moiseeva N. A., Beljaev L. M. Acoustical Properties of Single Crystals of Mercury Halides // Crystal and Technik. 1977. – V 12. –  $\mathbb{N}_{2}$  9.

13. Сильвестрова И. М., Барта Ч., Добржанский Г. Ф., Беляев Л. М., Писаревский Ю. В. Упругие свойства Hg<sub>2</sub>Cl<sub>2</sub> // Кристаллография. – Т. 20. – № 2. – 1975.

14. Волькенштейн М. В., Ельяшевич М. А., Степанов Б. И. Колебания молекул. – Л.: ОНТИ, 1949.